

문제 E. Shift

시간 제한 1 초 메모리 제한 1024 MB

서로 다른 값이 적힌 $N \times N$ 격자판을 생각하자. 두 연산 $\text{RowShift}(r)$ 와 $\text{ColShift}(c)$ 를 다음과 같이 정의한다.

- $\text{RowShift}(r)$: r 행의 각 원소를 오른쪽으로 한 칸씩 밀되, 맨 오른쪽 원소는 맨 왼쪽으로 이동한다.
- $\text{ColShift}(c)$: c 열의 각 원소를 아래쪽으로 한 칸씩 밀되, 맨 아래쪽 원소는 맨 위쪽으로 이동한다.

$(1, 2, \dots, N)$ 의 순열 $(P_1, P_2, \dots, P_N)$ 이 주어질 때, 다음 $2N$ 개의 연산을 순서대로 수행하는 것을 **조작** 한 번이라 한다.

1 번째:	$\text{RowShift}(1)$
2 번째:	$\text{ColShift}(P_1)$
3 번째:	$\text{RowShift}(2)$
4 번째:	$\text{ColShift}(P_2)$
	$\vdots$
$2N - 1$ 번째:	$\text{RowShift}(N)$
$2N$ 번째:	$\text{ColShift}(P_N)$

조작을 충분히 반복하면 격자판이 반드시 처음 상태로 돌아온다. 최소 몇 번 반복해야 하는지 구하여라. 단, 답이 매우 커질 수 있으므로 998 244 353으로 나눈 나머지를 출력하여라.

입력

첫째 줄에 정수 N 이 주어진다. ($1 \leq N \leq 200\,000$)

둘째 줄에 N 개의 정수 $P_1, P_2, \dots, P_N$ 이 공백을 사이에 두고 주어진다. $(P_1, P_2, \dots, P_N)$ 은 $(1, 2, \dots, N)$ 의 순열이다.

출력

조작의 최소 반복 횟수를 998 244 353으로 나눈 나머지를 출력한다.

입출력 예시

표준 입력(stdin)	표준 출력(stdout)
2 1 2	3
표준 입력(stdin)	표준 출력(stdout)
3 1 3 2	3